

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Нижегородский государственный технический университет
им. Р.Е. Алексеева»(НГТУ)

ИНСТИТУТ ПРОМЫШЛЕННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ
МАШИНОСТРОЕНИЯ (ИПТМ)

УТВЕРЖДАЮ:

Директор института:

_____ / А.Ю. Панов /

“28” _____ октября _____ 2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.Б.13 Математика

для подготовки бакалавров/специалистов/магистров

Направление подготовки: 15.05.01 «Проектирование технологических машин и комплексов»

Направленность: «Проектирование технологических комплексов в кузнечно-
_____ штамповочном производстве»

Форма обучения: очная

Год начала подготовки: 2021

Выпускающая кафедра: Машиностроительные технологические комплексы

Кафедра-разработчик: Высшая математика

Объем дисциплины: 648 часов; 18 з.е.

Промежуточная аттестация: экзамен, экзамен, экзамен

Разработчик Лещева С.В., к.ф.-м.н., доцент.

Нижний Новгород 2021

Рабочая программа дисциплины: разработана в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО 3++) по направлению подготовки 15.05.01 «Проектирование технологических машин и комплексов», утвержденного приказом МИНОБРНАУКИ РОССИИ

от 09.08.2021 № 732 на основании учебного плана, принятого УМС НГТУ

протокол от 28.10.2021 № 4

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры протокол от 31.05.21 № 6

Зав. кафедрой: к.ф.-м.н., доцент, Ерофеева Л.Н. _____

Программа рекомендована к утверждению ученым советом ИПТМ, протокол от 09.06.2021 г. № 10

Рабочая программа зарегистрирована в УМУ _____ регистрационный №15.05.01-ш-13

Начальник МО:./ _____ /

Заведующая отделом комплектования НТБ: _____ / Н.И. Кабанина /

СОДЕРЖАНИЕ

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	4
2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ	4
3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ).....	4
4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ.....	7
5. ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.	36
6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ.....	38
7. ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ.....	40
8. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ ДЛЯ ИНВАЛИДОВ И ЛИЦ С ОВЗ.....	41
9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ, НЕОБХОДИМОЕ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ.....	42
10. МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ОБУЧАЮЩИМСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ..	43
11. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.....	45
12. ЛИСТ АКТУАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ	60

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

1.1. Целями освоения дисциплины «Математика» является формирование объективного и целостного естественнонаучного мировоззрения; углубление, развитие и систематизация математических знаний, необходимых при решении практических вопросов разного уровня сложности в ходе выполнения профессиональных задач в области научно-исследовательской, производственно-технологической и проектной деятельности

1.2. Задачи освоения дисциплины:

Данная дисциплина готовит к решению следующих профессиональных задач:

- в научно-исследовательской деятельности (основная):

системный анализ, обобщение научно-технической информации;

системно-аналитическая постановка задач математического, физического и других видов моделирования процессов и объектов исследования ими, формулировка задач исследования на базе системного анализа и управления;

проведение натурных, вычислительных и др. исследований по заданной методике и системный анализ их результатов;

выполнение измерений и описаний исследований, подготовка данных для составления отчетов;

- в эксплуатационно-технологической деятельности (дополнительная):

использование проектно-технологических стандартов и типовых методов контроля и оценки качества продукции

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

2.1. Учебная дисциплина «Математика» включена в обязательный перечень дисциплин обязательной части образовательной программы вне зависимости от ее направленности (профиля). Дисциплина реализуется в соответствии с требованиями ФГОС, ОП ВО и УП, по данному направлению подготовки.

Дисциплина основывается на базовых знаниях, полученных студентами при изучении математики в курсе средней школы. Дисциплина «Математика» является основополагающей для изучения ряда общенаучных и специальных дисциплин.

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при изучении большей части дисциплин.

Рабочая программа дисциплины «Математика» для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья разрабатывается индивидуально с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья таких обучающихся.

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Процесс изучения дисциплины (модуля) «Математика» направлен на:

- формирование элементов следующих компетенций в соответствии с ОПОП ВО по

направлению подготовки (специальности) 15.05.01 «Проектирование технологических машин и комплексов общепрофессиональных (ОПК): ОПК-2

Таблица 1- Формирование компетенций дисциплинами

<i>Наименование дисциплин, формирующих компетенцию совместно</i>	<i>Семестры, формирования компетенций дисциплинами</i>									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
ОПК-2										
Математика (Б1.Б.13)	✓	✓	✓							
Б1.Б.14 Физика		✓	✓							
Б1.Б.15 Химия			✓							
Б1.Б16 Экология	✓									
Б1.Б19 Инженерная и компьютерная графика	✓	✓								
Б1.Б20 Теоретическая механика		✓	✓							
Б1.Б21 Техническая механика					✓	✓				
Б3.Д1 выполнение, подготовка к процедуре защиты и защита выпускной квалификационной работы										✓

**ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫХ С
ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОП**

Таблица 2- Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине			Оценочные средства	
					Текущего контроля	Промежуточной аттестации
ОПК-2 Способен самостоятельно применять приобретенные математические, естественнонаучные, социально-экономические знания для решения инженерных задач в машиностроении	ИОПК-2.1 Использует основные физические явления и законы, общинженерные знания	Знать: - аналитическую геометрию и линейную алгебру; дифференциальное и интегральное исчисления; дифференциальные уравнения; численные методы; - элементы функционального анализа; теорию вероятностей и математическую статистику; - основные физические явления и законы; - основные физические величины и константы, их определение и единицы измерения	Уметь: - применять физико-математические методы для решения задач в области мехатроники и робототехники; - применять вероятностно-статистический подход к оценке точности и качества технологических процессов, изготавливаемой продукции, измерений и испытаний;	Владеть: - навыками применения стандартных программных средств в области мехатроники и робототехники, автоматизации технологических процессов и производств; - аналитической геометрией и линейной алгеброй; теорией вероятностей и математической статистикой; - численными методами решения дифференциальных и алгебраических уравнений	- Задания к письменным контрольным работам по разделам	Вопросы для письменного экзамена (30 билетов)
	ИОПК-2.2 . Применяет физикоматематические расчетные методы, методы проектирования, методы математического анализа и моделирования для решения задач в области технических и технологических комплексов, используя программные системы, предназначенные для математического и имитационного моделирования Mathcad, Matlab и д					

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ по семестрам

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 18 зачетных единиц, 648 часов, распределение часов по видам работ семестрам представлено в таблице 3.

Таблица 3 - Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ по семестрам

Вид учебной работы	Трудоёмкость в час			
	Всего часов	В т.ч. по семестрам		
		1 сем	2 сем	3 сем
Формат изучения дисциплины	с использованием элементов электронного обучения			
Общая трудоёмкость дисциплины по учебному плану	648	234	198	216
1. Контактная работа:	268	89	90	89
1.1. Аудиторная работа, в том числе:	255	85	85	85
занятия лекционного типа (Л)	102	34	34	34
занятия семинарского типа (ПЗ-семинары, практические занятия и др)	153	51	51	51
лабораторные работы (ЛР)				
1.2. Внеаудиторная, в том числе	13	4	5	4
курсовая работа (проект) (КР/КП) (консультация, защита)				
текущий контроль, консультации по дисциплине	13	4	5	4
контактная работа на промежуточном контроле (КРА)				
2. Самостоятельная работа (СРС)	236	91	72	73
реферат/эссе (подготовка)				
расчётно-графическая работа (РГР) (подготовка)				
контрольная работа	60	20	20	20
курсовая работа/проект (КР/КП) (подготовка)				
самостоятельное изучение разделов, самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий, подготовка к лабораторным и практическим занятиям, коллоквиум и т.д.)	176	71	52	53
Подготовка к экзамену (контроль)	144	54	36	54

4.2. Содержание дисциплины, структурированное по темам

Таблица 4 - Содержание дисциплины, структурированное по темам

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
1 СЕМЕСТР									
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии.								
	Тема 1.1 Матрицы и операции над ними. Обратная матрица. Решение матричных уравнений. Ранг матрицы и методы его определения.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.1-10), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.1-10)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 1.2 Определители второго и третьего порядков, их свойства. Определители n-го порядка и методы их вычисления.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.11-20),	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.11-20)	дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 1.3 Решение систем линейных алгебраических уравнений матричным способом, методом Крамера, методом Гаусса. Исследование произвольных систем линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера - Капелли. Однородные системы линейных уравнений	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.21-30), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.21-30)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 1.4Системы координат на прямой, плоскости и в пространстве. Векторы и линейные операции над ними. Проекция вектора на ось и ее свойства. Направляющие косинусы и длина вектора. Скалярное произведение векторов. Векторное произведение. Смешанное	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.31-40), подготовка к практическим занятиям (6.1.2,	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	произведение трех векторов. Применение скалярного, векторного и смешанного произведения в решении прикладных задач					стр.31-40)	«мозговой штурм»		
	Тема 1.5 Уравнения линий на плоскости. Различные формы уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Угол между плоскостями, угол между прямыми, угол между прямой и плоскость. Взаимное расположение прямой и плоскости.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.41-50), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.41-50)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 1.6. Уравнение поверхности в пространстве. Цилиндрические поверхности. Сфера. Конусы. Эллипсоид.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками,		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	Гиперболоиды. Параболоиды. Геометрические свойства этих поверхностей, исследование их формы методом сечений. Применение геометрических свойств поверхностей в решении прикладных задачПолярная система координат.					и учебных пособий (6.1.1, стр.51-60), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.51-60)	проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 1 разделу	12		18	30				
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 2. Введение в математический анализ								
	Тема 2.1. Множество вещественных чисел. Функция. Числовая последовательность и ее предел. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности.	2		3	6	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.61-70), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.61-70)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм» eLearning Server 4G ЭИОС НГТУ https://edu.nntu.ru/su		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
							bject/course/index/sub ject_id/1120/course_id /2055		
	Тема 2.2 Предел функции в точке. Односторонние пределы. Свойства конечных пределов функций.	2		3	6	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.71-80), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.71-80)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 2.3. Неопределенности и их раскрытие. Монотонная функция.	2		3	6	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.81-90), подготовка к практическим занятиям (6.1.2,	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						стр.81-90)	«мозговой штурм»		
	Тема 2.4. Некоторые замечательные пределы и следствия из них. Сравнение бесконечно малых функций.	2		3	6	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.91-100), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.91-100)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 2.5 Непрерывность функции в точке и ее свойства. Точки разрыва и их классификация. Свойства функций непрерывных на отрезке.	2		3	6	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.101-110), подготовка к практическим	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						занятиям (6.1.2, стр.101-110)	группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 2 разделу	10		15	30				
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 3. Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной								
	Тема 3.1 Задачи, приводящие к понятию производной. Общий подход к решению задач механики. Определение производной, ее геометрический и механический смысл. Производная от основных элементарных функций. Основные правила дифференцирования функций. Логарифмическое и неявное дифференцирование функций.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.111-120), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.111-120)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм» eLearning Server 4G ЭИОС НГТУ https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055		
	Тема 3.3. Дифференциал. Геометрический смысл дифференциала. Приближенные вычисления. Уравнение касательной.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками,		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						и учебных пособий (6.1.1, стр.121-130), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.121-130)	проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 3.3. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница. Формула Тейлора.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.131-140), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.131-140)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 3.4. Дифференциалы высших порядков. Дифференцирование функций, заданных параметрически. Теорема Ферма. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши, их применение.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.141-150), подготовка к	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						практическим занятиям (6.1.2, стр.141-150)	работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 3.5. Исследование функций с помощью производных. Условия монотонности функции. Экстремум, необходимое и достаточные условия существования экстремума в точке. Наибольшие и наименьшие значения функции на отрезке. Выпуклость и вогнутость кривой, точки перегиба. Асимптоты кривой. Общая схема исследования функции и построение графика.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.151-160), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.151-160)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 3 разделу	10		15	25				
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 4. Комплексные числа								
	Тема 4.1. Понятие комплексного числа. Корень n-ой степени из комплексного числа.	2		3	6	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.161-170),	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.161-170)	дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 4 разделу	2		3	6				
ИТОГО ЗА СЕМЕСТР		34		51	91				
В т.ч.кр					20				
2 СЕМЕСТР									
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 5. Неопределенный интеграл								
	Тема 5.1 Первообразная, неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных формул интегрирования.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.171-180), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.171-180)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм» eLearning Server 4G ЭИОС НГТУ https://edu.nntu.ru/su		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
							bject/course/index/sub ject_id/1120/course_id /2055		
	Тема 5.2. Правила интегрирования. Занесение под знак дифференциала.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.181-190), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.181-190)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 5.3. Основные методы интегрирования: замена переменной и интегрирование по частям.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.191-200), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.191-200)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	Тема 5.4. Классы интегрируемых функций. Интегрирование рациональных дробей.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.201-210), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.201-210)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 5.5. Интегрирование тригонометрических выражений. Тригонометрические подстановки. Интегрирование иррациональных выражений.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.211-220), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.211-220)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 5 разделу	10		15	25				
ОПК-2	Раздел 6. Определенный интеграл								

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Тема 6.1. Понятие определенного интеграла и интегральных сумм. Свойства определенного интеграла. Геометрический смысл определенного интеграла.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.221-230), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.221-230)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм» eLearning Server 4G ЭИОС НГТУ https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055		
	Тема 6.2 Формула Ньютона-Лейбница. Методы вычисления определенного интеграла.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.231-240), подготовка к	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						практическим занятиям (6.1.2, стр.231-240)	работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 6.3. Несобственные интегралы. Исследование несобственных интегралов на сходимость.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.241-250), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.241-250)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 6.4 Приложения определенного интеграла к вычислению площадей плоских фигур, объемов тел, длин дуг кривых.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.251-260), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.251-260)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная рабога студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	Итого по 6 разделу	8		12	20				
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 7. Функции нескольких переменных								
	Тема 7.1. Функции нескольких переменных. Основные понятия, область определения. Предел функции нескольких переменных. Непрерывность ФНП.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.261-270), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.261-270)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 7.2. . Частные производные. Полный дифференциал первого порядка функции нескольких переменных Производные высших порядков. . Геометрический смысл дифференциала. Применение к приближенным вычислениям и погрешностям.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.271-280), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.271-280)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 7.3. Экстремумы функции нескольких переменных.	2		3	2	проработка и	Интерактивная		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.281-290), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.281-290)	лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 7.4. Наибольшее и наименьшее значения функции нескольких переменных. Условный экстремум функции нескольких переменных.	2		3	3	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.1, стр.291-300), подготовка к практическим занятиям (6.1.2, стр.291-300)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 7 разделу	8		12	15				
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Системы дифференциальных уравнений								
	Тема 8.1. Обыкновенные дифф. уравнения. ДУ первого порядка. ДУ с разделенными и разделяющимися	2		3	4	проработка и повторение	Интерактивная лекция, лекция с		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	переменными.					лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.1-10), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.1- 10)	заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм» eLearning Server 4G ЭИОС НГТУ https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055		
	Тема 8.2. Однородные ДУ. ДУ в полных дифференциалах. Линейные ДУ первого порядка. ДУ Бернулли.	2		3	4	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.11-20), подготовка к практическим занятиям (6.1.6,	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						стр.11-20)	«мозговой штурм»		
	Тема 8.3. ДУ высших порядков. ДУ допускающие понижение степени.	2		3	2	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.21-30), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.21-30)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 8.4. Линейные ДУ высших порядков. Системы ДУ.	2		3	2	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.31-40), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.31-40)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 8 разделу	8		12	12				
ИТОГО ЗА СЕМЕСТР		34		51	72				

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
В т.ч.кр					20				
3 СЕМЕСТР									
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 9. Общая схема построения интегралов. Кратные, криволинейные интегралы								
	Тема 9.1. Двойные интегралы. Определение, геометрический смысл.	2		3	3	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.41-50), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.41-50)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм» eLearning Server 4G ЭИОС НГТУ https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055		
	Тема 9.2. Основные свойства двойных интегралов Вычисление кратных интегралов повторным интегрированием в декартовых	2		3	3	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками,		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	координатах.					и учебных пособий (6.1.5, стр.51-60), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.51-60)	проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 9.3. Замена переменной в двойном интеграле. Переход к полярным координатам. Приложения двойных интегралов.	2		3	3	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.61-70), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.61-70)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 9.4. Тройной интеграл. Основные понятия и определения. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах.	2		3	3	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.71-80), подготовка к	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						практическим занятиям (6.1.6, стр.71-80)	работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 9.5. Замена переменной в тройном интеграле. Переход к цилиндрическим и сферическим координатам.	2		3	3	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.81-90), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.81-90)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 9.6. Задачи, приводящие к криволинейным интегралам. Криволинейный интеграл I-го рода. Криволинейный интеграл II-го рода. Формула Грина. Независимость криволинейного интеграла II-го рода от пути интегрирования.	2		3	3	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.91-100), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.91-100)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	Тема 9.7 Задачи, приводящие к поверхностным интегралам. поверхностные интегралы первого и второго рода, их свойства, примеры вычисления. Формула Стокса.	2		3	3	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.101-110), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.101-110)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 9 разделу	14		21	21				
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 10. Числовые и функциональные ряды								
	Тема 10.1 Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Действия над рядами.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.111-120), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.111-120)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм» eLearning Server 4G		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
							ЭИОС НГТУ https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055		
	Тема 10.2. Ряды с положительными членами. Признаки сходимости. Признак Даламбера, радикальный и интегральный признаки Коши.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.121-130), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.121-130)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм» eLearning Server 4G ЭИОС НГТУ https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	Тема 10.3. Ряды с произвольными членами. Абсолютная и условная сходимость рядов. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.131-140), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.131-140)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 10.4. Функциональные ряды. Основные понятия и определения.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.141-150), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.141-150)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 10.5. Степенные ряды. Теорема Абеля. Разложение функций в ряды Маклорена и Тейлора.	2		3	1	проработка и повторение лекционного	Интерактивная лекция, лекция с заранее		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.151-160), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.151-160)	запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 10 разделу	10		15	21				
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 11. Ряды Фурье								
	Тема 11.1. Ряды Фурье. Разложение периодических функций в ряд Фурье.	2		3	8	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.161-170), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.161-170)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 11 разделу	2		3	8				
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Раздел 12. Элементы векторного анализа								
	Тема 12.1. Векторное поле. Задача о вычислении работы	2		3	5	проработка и повторение	Интерактивная лекция, лекция с		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	силового поля. Потенциальное поле.					лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.171-180), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.171-180)	заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 12.2. Формулы Остроградского-Гаусса и Стокса.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.181-190), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.181-190)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Тема 12.3. Циркуляция и ротор векторного поля. Операторная форма записи основных полевых характеристик.	2		3	5	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками,		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
						и учебных пособий (6.1.5, стр.191-200), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.191-200)	проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		
	Итого по 12 разделу	6		9	15				
Раздел 13. Теория вероятностей									
ОПК-2 ИОПК-2.1 ИОПК-2.2	Тема 13.1. Элементы теории вероятностей Случайные события.Определение вероятности. Алгебра событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Формула Бернулли. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. Случайные величины. ДСВ. Вычисление числовых характеристик ДСВ.Биномиальное распределение и распределение Пуассона. НСВ. Вычисление числовых характеристик НСВ. Равномерное распределение.	2		3	8	проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий (6.1.5, стр.201-210), подготовка к практическим занятиям (6.1.6, стр.201-210)	Интерактивная лекция, лекция с заранее запланированными ошибками, проблемная лекция, групповая дискуссия, метод работы в малых группах, метод «мозговой штурм»		

Планируемые (контролируемые) результаты освоения: код УК; ОПК; ПК и индикаторы достижения компетенций	Наименование разделов, тем	Виды учебной работы				Вид СРС	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий ¹²	Реализация в рамках Практической подготовки (трудоемкость в часах) ¹³	Наименование разработанного Электронного курса (трудоемкость в часах) ¹⁴
		Контактная работа			Самостоятельная работа студентов (СРС), час				
		Лекции, час	Лабораторные работы, час	Практические занятия, час					
	Нормальное распределение.								
	Итого по 13 разделу	2		3	8				
ИТОГО ЗА СЕМЕСТР		34		51	73				
В т.ч. кр					20				
ИТОГО по дисциплине		102		153	236				

5. ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.

Текущий контроль осуществляется по всем видам учебного процесса: выборочный устный опрос по темам лекционных занятий, решение практических задач, контрольные работы.

5.1. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности

Вопросы, индивидуальные задания и задачи представлены в методических указаниях к практическим занятиям [3.1 – 3. 3], представленных в п. 6.3.

5.2. Описание показателей и критериев контроля успеваемости, описание шкал оценивания

Для оценки знаний, умений, навыков и формирования компетенции по дисциплине для текущего контроля в семестре (первая и вторая контрольная неделя) применяется **балльно-рейтинговая/традиционная** система контроля и оценки успеваемости студентов.

Таблица 5 – Балльно-рейтинговая система оценивания

Шкала оценивания	Экзамен
41-50	Отлично
31-40	Хорошо
21-30	Удовлетворительно
0-20	Неудовлетворительно

При промежуточном контроле (экзамен) успеваемость студентов оценивается по четырехбалльной системе: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Таблица 6 – Критерии оценивания результата обучения по дисциплине и шкала оценивания

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Критерии оценивания результатов обучения			
		Оценка «неудовлетворительно» / «не зачтено» 0-59% от max рейтинговой оценки контроля	Оценка «удовлетворительно» / «зачтено» 60-74% от max рейтинговой оценки контроля	Оценка «хорошо» / «зачтено» 75-89% от max рейтинговой оценки контроля	Оценка «отлично» / «зачтено» 90-100% от max рейтинговой оценки контроля
ОПК-2 Способен самостоятельно применять приобретенные математические, естественнонаучные, социально-экономические знания для решения инженерных задач	ИОПК-2. Использует основные физические явления и законы, общетехнические знания ИОПК-2.2 Применяет физикоматематические расчетные методы, методы проектирования, методы математического анализа и моделирования для решения задач в области технических и технологических комплексов, используя программные системы, предназначенные для математического и имитационного моделирования Mathcad, Matlab и др.	Не владеет теоретическим материалом по дисциплине; не умеет пользоваться справочной литературой; не способен применять методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности, не умеет делать обобщения, выводы, что препятствует усвоению последующего материала	Поверхностно владеет теоретическим материалом по дисциплине; не способен уверенно пользоваться справочной литературой; не в полном объеме способен применять методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности, допускаются отдельные существенные ошибки, исправленные с помощью преподавателя	Хорошо владеет теоретическим материалом по дисциплине, но в отдельных разделах допускает неточности; умеет пользоваться справочной литературой; способен применять методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности, но затрудняется сделать выводы	Уверенно владеет теоретическим материалом; умеет свободно пользоваться справочной литературой; способен применять методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности и сделать выводы

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Учебная литература, печатные издания библиотечного фонда

Библиотечный фонд укомплектован печатными изданиями из расчета не менее 0,25 экземпляра каждого из изданий, указанных ниже на каждого обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих соответствующую дисциплину (модуль).

1.1. Письменный Д. Т. Конспект лекций по высшей математике. В 2-х частях. Часть 1 / Д. Т. Письменный. - М.: Айрис-Пресс - 2018 г. - 288 с.

1.2. Письменный Д. Т. Конспект лекций по высшей математике. В 2-х частях. Часть 2 / Д. Т. Письменный. - М.: Айрис-Пресс - 2018 г. - 256 с.

1.3. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления. Т. 1 / Н.С. Пискунов. - Изд. стер. - М.: Интеграл-Пресс, 2007.

1.4. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления. Т. 2 / Н.С. Пискунов Изд. стер. - М.: Интеграл-Пресс, 2007.

1.5. Данко П.Е. Высшая математика в упражнениях и задачах. Ч.1 / П.Е. Данко, А.Г. Попов, Т.Я. Кожевникова. - М.: Оникс 21 век; Мир и образование, 2012.

1.6. Данко П.Е. Высшая математика в упражнениях и задачах. Ч.2 / П.Е. Данко, А.Г. Попов, Т.Я. Кожевникова. - М.: Оникс 21 век; Мир и образование, 2009.

1.7. Демидович Б.П. Задачи и упражнения по математическому анализу для втузов / Б.П. Демидович. - М.: АСТ, 2009, 496 с.

1.8. Теория вероятностей и элементы математической статистики : Учеб.пособие / Н. С. Гоберник [и др.] ; НГТУ им.Р.Е.Алексеева. - Н.Новгород : [Б.и.], 2013. - 84 с. : ил. - Прил.:с.79-83. - Библиогр.:с.78. - ISBN 978-5-502-00186-1 : 60-00.

6.2. Справочно-библиографическая литература

2.1. Выгодский М. Я. Справочник по высшей математике / М. Я. Выгодский // АСТ - 2019 г. – 704 с.

2.2. Выгодский М. Я. Справочник по элементарной математике / М. Я. Выгодский – 2019 г. – 512 с.

6.3. Методические указания, рекомендации и другие материалы к занятиям

6.3.1 Методические указания, разработанные преподавателями:

6.3.1. Методические рекомендации к практическим занятиям по теме Элементы линейной алгебры. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа
https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1117/course_id/2805

6.3.2. Методические рекомендации к практическим занятиям по теме Элементы векторной алгебры. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа
https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1117/course_id/2888

6.3.3. Методические рекомендации к практическим занятиям по теме Аналитическая геометрия. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа
https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1117/course_id/2894
https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1117/course_id/2888
https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1117/course_id/2895

6.3.4. Методические рекомендации к практическим занятиям по теме Пределы и

непрерывность. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.5. Методические рекомендации к практическим занятиям по теме Производные. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.6. Методические рекомендации к практическим занятиям по теме Интегрирование функции одной переменной. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.7. Методические рекомендации к практическим занятиям по теме Функции нескольких переменных. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.8. Методические рекомендации к практическим занятиям по теме Дифференциальные уравнения. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.9. Методические рекомендации к практическим занятиям Ряды. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3. 10. Лекции по теме Пределы. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.11. Лекции по теме Производная. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

7.3.12. Лекции по теме Интегральное исчисление функции одной переменной. Неопределенный интеграл СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.13 Лекции по теме Интегральное исчисление функции одной переменной. Определенный интеграл СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.14. Лекции по теме Функции нескольких переменных. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.15. Лекции по теме Дифференциальные уравнения. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.16. Лекции по теме Ряды. СДО e-learning ЭИОС НГТУ Режим доступа

https://edu.nntu.ru/subject/course/index/subject_id/1120/course_id/2055

6.3.2 Методические указания, разработанные НГТУ

3.1. Методические рекомендации по организации аудиторной работы. Приняты Учебно-методическим советом НГТУ им. Р.Е. Алексеева, протокол № 2 от 22 апреля 2013 г. Электронный адрес:

http://www.nntu.ru/RUS/otd_sl/ymy/metod_dokym_obraz/met_rekom_aydit_rab.pdf?20.

Дата обращения 23.09.2015.

3.2 Методические рекомендации по организации и планированию самостоятельной работы студентов по дисциплине. Приняты Учебно-методическим советом НГТУ им. Р.Е. Алексеева, протокол № 2 от 22 апреля 2013 г. Электронный адрес:http://www.nntu.ru/RUS/otd_sl/ymy/metod_dokym_obraz/met_rekom_organiz_samocht_rab.pdf?20.

3.3 Учебное пособие «Проведение занятий с применением интерактивных форм и методов обучения», Ермакова Т.И., Ивашкин Е.Г., 2013 г. Электронный адрес: http://www.nntu.ru/RUS/otd_sl/ymy/metod_dokym_obraz/provedenie-zanyatij-s-primeneniem-interakt.pdf.

7. ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Учебный процесс по дисциплине обеспечен необходимым комплектом лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства (состав по дисциплине определен в настоящей РПД и подлежит обновлению при необходимости).

7.1. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

Перечень программных продуктов, используемых при проведении различных видов занятий по дисциплине (открытый доступ):

1. КонсультантПлюс [Электронный ресурс]: Справочная правовая система. - Режим доступа: <http://www.consultant.ru/>.
2. Научная электронная библиотека E-LIBRARY.ru. – Режим доступа: <http://elibrary.ru/defaultx.asp>
3. [Электронная библиотечная система Поволжского государственного университета сервиса](http://elibrary.ru/defaultx.asp) [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://elib.tolgas.ru/> - Загл. с экрана.
4. Электронно-библиотечная система Znanium.com [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://znanium.com/>. – Загл. с экрана.
5. Открытое образование [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <https://openedu.ru/>. - Загл с экрана.
6. *Polpred.com. Обзор СМИ. Полнотекстовая, многоотраслевая база данных (БД)* [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://polpred.com/>. – Загл. с экрана.
7. Базы данных Всероссийского института научной и технической информации (ВИНИТИ РАН) по естественным, точным и техническим наукам [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://www.viniti.ru>. – Загл. с экрана.
8. Университетская информационная система Россия [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://uisrussia.msu.ru/>. – Загл. с экрана.

7.2. Перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Таблица 7 - Перечень электронных библиотечных систем

№	Наименование ЭБС	Ссылка, по которой осуществляется доступ к ЭБС
1	Консультант студента	http://www.studentlibrary.ru/
2	Лань	https://e.lanbook.com/
3	Юрайт	https://biblio-online.ru/

Таблица 8 - Перечень программного обеспечения

Программное обеспечение, используемое в университете на договорной основе	Программное обеспечение свободного распространения
---	--

Программное обеспечение, используемое в университете на договорной основе	Программное обеспечение свободного распространения
Microsoft Windows XP, Prof, S/P3 (подписка DreamSpark Premium, договор №Tr113003 от 25.09.14)	Open Office 4.1.1 (лицензия Apache License 2.0)
Microsoft Windows 7 (подписка MSDN 4689, подписка DreamSparkPremium, договор № Tr113003 от 25.09.14)	Adobe Acrobat Reader (FreeWare)
Visual Studio 2008 (подписка DreamSpark Premium, договор №Tr113003 от 25.09.14)	
Microsoft Office Professional Plus 2007 (лицензия № 42470655)	
Microsoft Office (лицензия № 43178972)	
Windows XP лиц. № 65609340	
Office 2007 лиц. № 43178971	
Microsoft Windows XP Professional (лицензия № 43178980)	
MicrosoftOffice 2007 (лицензия № 44804588)	
1С предприятие 8.1 (лицензионное соглашение №800908353 с ЗАО «1С»)	
Adobe Design Premium CS 5.5.5 (лицензия № 65112135)	
Dr.Web (договор № 31704840788 от 20.03.17)	
КонсультантПлюс (Договор № 28-13/16-313 от 27.12.16)	
Техэксперт (Договор №100/860 от 22.12.2016)	

В табл. 9 указан перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем, к которым обеспечен доступ (удаленный доступ). Данный перечень подлежит обновлению в соответствии с требованиями ФГОС ВО.

В данном разделе могут быть приведены ресурсы (ссылки на сайты), на которых можно найти полезную для курса информацию, в т.ч. статистические или справочные данные, учебные материалы, онлайн курсы и т.д.

Таблица 9 - Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем

№	Наименование профессиональной базы данных, информационно-справочной системы	Доступ к ресурсу (удаленный доступ с указанием ссылки/доступ из локальной сети университета)
1	База данных стандартов и регламентов РОССТАНДАРТ	https://www.gost.ru/portal/gost//home/standarts
2	Электронная база избранных статей по философии	http://www.philosophy.ru/
3	Единый архив экономических и социологических данных	http://sophist.hse.ru/data_access.shtml
4	Базы данных Национального совета по оценочной деятельности	http://www.ncva.ru
5	Справочная правовая система «КонсультантПлюс»	доступ из локальной сети
6	Информационно-справочная система «Техэксперт»	доступ из локальной сети

8. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ ДЛЯ ИНВАЛИДОВ И ЛИЦ С ОВЗ

В табл.10 указан перечень образовательных ресурсов, имеющих формы, адаптированные к ограничениям их здоровья, а также сведения о наличии специальных технических средств обучения коллективного и индивидуального пользования. При заполнении таблицы может быть использована информация, размещенная в подразделе «Доступная среда» специализированного раздела сайта НГТУ «Сведения об образовательной организации» <https://www.nttu.ru/sveden/accenv/>

Таблица 10 - Образовательные ресурсы для инвалидов и лиц с ОВЗ

№	Перечень образовательных ресурсов, приспособленных для использования инвалидами и лицами с ОВЗ	Сведения о наличии специальных технических средств обучения коллективного и индивидуального пользования
1	ЭБС «Консультант студента»	озвучка книг и увеличение шрифта
2	ЭБС «Лань»	специальное мобильное приложение - синтезатор речи, который воспроизводит тексты книг и меню навигации
3	ЭБС «Юрайт»	версия для слабовидящих

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ, НЕОБХОДИМОЕ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Учебные аудитории для проведения занятий по дисциплине, оснащены оборудованием и техническими средствами обучения, состав которых определен в данном разделе.

Таблица 11 - Оснащенность аудиторий и помещений для самостоятельной работы студентов по дисциплине

№	Наименование аудиторий и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность аудиторий помещений и помещений для самостоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
1	6246 учебная аудитория для проведения практических и лабораторных занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации (г. Нижний Новгород, Казанское ш., 12)	1. Доска меловая - 3 шт. 2. Столы лабораторные (рабочее место студента) на 124 чел.; 3. Рабочее место преподавателя – 2 шт.;	
2	6259 учебная аудитория для проведения занятий	1. Доска меловая - 3 шт. 2. Столы лабораторные (рабочее место студента) на	

№	Наименование аудиторий и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность аудиторий помещений и помещений для самостоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
	лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации (г. Нижний Новгород, Казанское ш., 12)	112 чел.; 3. Рабочее место преподавателя – 2 шт.;	
3	6543 компьютерный класс - помещение для СРС, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), г. Нижний Новгород, Казанское ш., 12)	Проектор Accer – 1 шт; ПК на базе IntelCoreDuo 2.93 ГГц, 2 Гб ОЗУ, 320 Гб HDD, монитор Samsung 19" – 11 шт.. ПК подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета	• Microsoft Windows 7 (подписка DreamSpark Premium, договор № Tr113003 от 25.09.14); • Microsoft Office (лицензия № 43178972); • Adobe Design Premium CS 5.5.5 (лицензия № 65112135); • Adobe Acrobat Reader (FreeWare); • 7-zip для Windows (свободнораспространяемое ПО, лицензия GNU GPL); • Dr.Web (Сертификат №EL69-RV63-YMBJ-N2G7 от 14.05.19) • КонсультантПлюс(ГПД № 0332100025418000079 от 21.12.2018); • Gimp 2.8 (свободное ПО, лицензия GNU GPLv3)

10. МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ОБУЧАЮЩИМСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

10.1. Общие методические рекомендации для обучающихся по освоению дисциплины, образовательные технологии

Дисциплина реализуется посредством проведения контактной работы с обучающимися (включая проведение текущего контроля успеваемости), самостоятельной работы обучающихся и промежуточной аттестации.

Контактная работа может быть аудиторной, внеаудиторной, а также проводиться в электронной информационно-образовательной среде университета (далее - ЭИОС). В случае проведения части контактной работы по дисциплине в ЭИОС (в соответствии с расписанием учебных занятий), трудоемкость контактной работы в ЭИОС эквивалентна аудиторной работе.

Преподавание дисциплины ведется с применением следующих видов образовательных технологий:

- *балльно-рейтинговая технология оценивания (при наличии);*
- *контрольная работа.*

По итогам текущей успеваемости студенту может быть выставлена оценка по промежуточной аттестации в соответствии с набранными за семестр баллами. Студенты, выполнившие все обязательные виды запланированных учебных занятий к прохождению промежуточной аттестации (экзамену).

Результат обучения считается сформированным на повышенном уровне, если теоретическое содержание курса освоено полностью. При устных собеседованиях студент исчерпывающе, последовательно, четко и логически излагает учебный материал; свободно справляется с задачами, вопросами и другими видами заданий, использует в ответе дополнительный материал. Все предусмотренные рабочей учебной программой задания выполнены в соответствии с установленными требованиями, студент способен анализировать полученные результаты, проявляет самостоятельность при выполнении заданий.

Результат обучения считается сформированным на пороговом уровне, если теоретическое содержание курса освоено полностью. При устных собеседованиях студент последовательно, четко и логически стройно излагает учебный материал; справляется с задачами, вопросами и другими видами заданий, требующих применения знаний; все предусмотренные рабочей учебной программой задания выполнены в соответствии с установленными требованиями, студент способен анализировать полученные результаты; проявляет самостоятельность при выполнении заданий.

Результат обучения считается несформированным, если студент при выполнении заданий не демонстрирует знаний учебного материала, допускает ошибки, неуверенно, с большими затруднениями выполняет задания, не демонстрирует необходимых умений, качество выполненных заданий не соответствует установленным требованиям, качество их выполнения оценено числом баллов ниже трех по оценочной системе, что соответствует допороговому уровню.

10.2. Методические указания для занятий лекционного типа

Лекционный курс предполагает систематизированное изложение основных вопросов тематического плана. В ходе лекционных занятий раскрываются базовые вопросы в рамках каждой темы дисциплины (таблица 4). Обозначаются ключевые аспекты тем, а также делаются акценты на наиболее сложные и важные положения изучаемого материала. Материалы лекций являются опорной основой для подготовки обучающихся к практическим занятиям / лабораторным работам и выполнения заданий самостоятельной работы, а также к мероприятиям текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине.

В ходе лекционных занятий рекомендуется вести конспектирование учебного материала.

10.3. Методические указания по освоению дисциплины на занятиях семинарского типа

Практические занятия направлены на формирование навыков решения практических задач, применяя полученные теоретические знания, а также навыков самостоятельной работы под руководством преподавателя.

На практических занятиях проводится решение расчетных задач и упражнений в процессе проработки наиболее сложных в теоретическом плане проблем и проводятся в трех формах:

- 1) устный опрос студентов по конкретной тематике практического занятия;
- 2) решение и объяснение типовых задач по данной теме;
- 3) самостоятельная работа студентов с использованием учебных пособий, лекций и консультаций преподавателя при выполнении ими контрольных заданий.

10.4. Методические указания по самостоятельной работе обучающихся

Самостоятельная работа обеспечивает подготовку обучающегося к аудиторным занятиям и мероприятиям текущего контроля и промежуточной аттестации по изучаемой дисциплине. Результаты этой подготовки проявляются в активности обучающегося на занятиях и в качестве выполненных практических заданий и других форм текущего контроля.

При выполнении заданий для самостоятельной работы рекомендуется проработка материалов лекций по каждой пройденной теме, а также изучение рекомендуемой литературы, представленной в разделе 6.

В процессе самостоятельной работы при изучении дисциплины студенты могут работать на компьютере в специализированных аудиториях для самостоятельной работы (указано в табл. 11). В аудиториях имеется доступ через информационно-телекоммуникационную сеть «Интернет» к электронной информационно-образовательной среде университета (ЭИОС) и электронной библиотечной системе (ЭБС), где в электронном виде располагаются учебные и учебно-методические материалы, которые могут быть использованы для самостоятельной работы при изучении дисциплины.

Для обучающихся по заочной форме обучения самостоятельная работа является основным видом учебной деятельности.

10.6. Методические указания для выполнения контрольных работ

При изучении курса «Математика» проводится 6 контрольных работ (2 контрольных работы в первом семестре, 2 контрольные работы во втором семестре, 2 контрольные работы в третьем семестре).

В контрольную работу № 1 входят задания по разделу 1 (таблица 4).

В контрольную работу № 2 входят задания по разделам 2 - 4 (таблица 4).

В контрольную работу № 3 входят задания по разделам 7 (таблица 4).

В контрольную работу № 4 входят задания по разделам 8 (таблица 4).

В контрольную работу № 5 входят задания по разделам 9 (таблица 4).

В контрольную работу № 6 входят задания по разделам 10 (таблица 4).

11. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта в ходе текущего контроля успеваемости

Полный комплект контрольных измерительных материалов находится на кафедре "Высшая математика" (г. Нижний Новгород, Казанское ш., 12, ауд. 201).

Примеры типовых заданий:

11.1.1. Типовые задания к практическим (семинарским) занятиям

Матрицы и определители

1. Для матриц A и B вычислить $2A - 3B$, AB , BA , A^t , $|A|$, B^{-1} , если

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 5 \\ 4 & 3 & 4 \\ 3 & 3 & 6 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 3 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & -2 & -1 \end{pmatrix}.$$

2. Вычислить определитель 4-го порядка.

$$\begin{vmatrix} 3 & -3 & -2 & -5 \\ 2 & 5 & 4 & 6 \\ 5 & 5 & 8 & 7 \\ 4 & 4 & 5 & 6 \end{vmatrix}$$

3. Найти обратную матрицу для данной матрицы

$$\begin{pmatrix} 2 & 2 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

Общая теория систем линейных алгебраических уравнений

4. Решить систему: а) методом Крамера; б) средствами матричного исчисления с использованием обратной матрицы; в) методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - 3x_3 = 0 \\ 3x_1 + 2x_2 + 2x_3 = -1 \\ x_1 - x_2 + 5x_3 = -2 \end{cases}$$

5. Найти ранг матрицы

$$\begin{pmatrix} 0 & 4 & 10 & 1 \\ 4 & 8 & 18 & 7 \\ 10 & 18 & 40 & 17 \\ 1 & 7 & 17 & 3 \end{pmatrix}$$

6. Решить систему методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 3x_3 - 2x_4 + 3x_5 = 1, \\ 2x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 + 3x_5 = 2, \\ 3x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 2x_4 + 3x_5 = 1, \\ 2x_1 + 2x_2 + 8x_3 - 3x_4 + 9x_5 = 2. \end{cases}$$

7. Найти фундаментальную систему решений однородной системы уравнений.

$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 - 2x_4 + 4x_5 = 0 \\ 4x_1 - 2x_2 + 5x_3 + x_4 + 7x_5 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + x_3 + 8x_4 + 2x_5 = 0 \end{cases}$$

8. Решить матричное уравнение.

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} X \begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 5 & -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & 4 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}$$

Элементы векторной алгебры

9. Даны три вектора $\vec{a} = \{4; 7; 8\}$, $\vec{b} = \{9; 1; 3\}$, $\vec{c} = \{2; -4; -1\}$. Доказать, что $\vec{a}$, $\vec{b}$ и $\vec{c}$ – базис и найти разложение вектора $\vec{d} = \{1; -13; -13\}$ по базису $\vec{a}$, $\vec{b}$ и $\vec{c}$.

10. Даны координаты вершин треугольника $ABC : A(1, -1, 2), B(-2, 0, 2), C(2, 1, -1)$.

Найти: 1) косинус угла между векторами $\vec{AB}$ и $\vec{AC}$; 2) координаты вектора $\vec{a} = 2\vec{AB} - 5\vec{CD}$; 3) алгебраическую проекцию вектора $\vec{BC}$ на вектор $\vec{a}$; 4) длину медианы, опущенную на сторону BC .

11. Найти площадь параллелограмма, построенного на векторах $\vec{m} = 3\vec{p} + 2\vec{q}$ и $\vec{n} = \vec{p} - 2\vec{q}$ и его высоту, опущенную на вектор $\vec{n}$, если $|\vec{p}| = 2, |\vec{q}| = 1, (\vec{p}, \vec{q}) = \frac{\pi}{6}$.

12. Лежат ли точки $A(2, 4, 0), B(2, -2, 4), C(1, 8, -4), D(2, 7, -2)$ в одной плоскости.

13. Даны координаты вершин пирамиды $ABCD : A(3, -2, 2), B(1, -3, 1), C(2, 0, 4), D(6, -4, 6)$.

Найти: 1) площадь грани ABC ; 2) объем пирамиды $ABCD$; 3) длину высоты пирамиды, опущенной из вершины D .

Элементы аналитической геометрии

14. Даны две вершины $A(3, -1)$ и $B(5, 7)$ треугольника ABC и точка $N(4, -1)$ пересечения его высот. Составить уравнения сторон этого треугольника.

15. Составить уравнение плоскости, проходящей через прямую $x = 2t + 1, y = -3t + 2, z = 2t - 3$ и точку $A(2, -2, 1)$.
16. Точка $M(2, -1)$ лежит на эллипсе, фокус которого $F(1, 0)$, а соответствующая директриса дана уравнением $2x - y - 10 = 0$. Составить уравнение этого эллипса.
17. Определить вид поверхности второго порядка и нарисовать ее $x = 2y^2 + (z - 1)^2$.

Введение в математический анализ

18. Найти область определения и построить графики функций.
 а) $y = 3\log_2(x + 2)$ б) $y = -\operatorname{tg} 2x + 1$
19. Построить кривые, заданные параметрически. $\begin{cases} x = t^2 \\ y = t^3 + 2t \end{cases}$
20. Построить кривую в полярной системе координат. $\rho = 3\cos 2\varphi$
21. Найти указанные пределы, не пользуясь правилом Лопиталя
 а) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^5 + 7x^4 - 2x}{5x^2 + 6x^5 - 4}$ б) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{9 - x^2}{2x^2 + 3x - 9}$
 в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}$ г) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + x^2}{\arcsin^2 3x}$ д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{9}{x}\right)^{3x}$

22. Задана функция $y = f(x)$ и два значения аргумента. Требуется:

- 1) установить, является ли данная функция непрерывной или разрывной для каждого из данных значений аргумента;
- 2) в случае разрыва функции найти ее предел в точке разрыва слева и справа;
- 3) сделать схематический чертеж.

$$f(x) = 9^{\frac{1}{3+x}} \quad x_1 = -1 \quad x_2 = -3$$

23. Задана функция $y = f(x)$. Найти точки разрыва функции, если они существуют.

Сделать схематический чертеж.
$$f(x) = \begin{cases} \cos x & \text{если } x \leq 0 \\ x^2 - 2 & \text{если } 0 < x < 1 \\ -1 & \text{если } x \geq 1 \end{cases}$$

Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной

24. Найти производные $\frac{dx}{dy}$ данных функций:

а) $y = \frac{7x}{\sqrt{x^7 + 3}}$ б) $y = \frac{\cos^2 x}{\operatorname{arctg} x}$ в) $y = 2^{\sin 6x}$ г) $y = (\operatorname{ctg} x)^{\cos x}$ д) $x^2 y = \arcsin y$

25. Найти $\frac{dy}{dx}$ и $\frac{d^2 y}{dx^2}$ а) $y = \operatorname{ctg}^2 x$ б) $x = \sqrt{1 - t^2}; \quad y = t^2 + 1$

26. Найти наибольшее и наименьшее значения $f(x)$ на отрезке $[a; b]$:

$$f(x) = 7 - 3x^3 \quad [-1; 2]$$

27. Исследовать методами дифференциального исчисления функции $y = f(x)$; используя результаты исследования, построить ее график: $y = 3x^2 - 2 - x^3$

28. Составить уравнения касательной и нормали к кривой $y = f(x)$ в точке $x = x_0$.

Сделать чертеж: $y = x^2 - 2x$, $x_0 = 2$

29. Найти пределы функций по правилу Лопиталя:

а) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \arctg x}{x^3}$

б) $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x}{x-1} - \frac{1}{\ln x} \right)$

Элементы векторного анализа

30. Найти производную скалярного поля $u(x, y, z) = (x^2 + y^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}$ в точке $M(1, 1, 1)$ по направлению вектора $\vec{l} = \vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$.

31. Найти векторные линии в векторном поле $\vec{a} = 4y\vec{i} - 9x\vec{j}$

Функции нескольких переменных

32. Найти и построить область определения функции $z = \frac{3xy}{(2x-5y)}$

33. Найти частные производные первого порядка функции $z = \arcsin \sqrt{xy}$.

34. Найти градиент функции $f(x, y, z)$ в точке M_0 . Вычислить производную по направлению вектора $\vec{l}$ от функции $f(x, y, z)$ в точке

$$f(x, y, z) = x^2 + y^2 - xz^2, \quad M_0(1, 3, 2),$$

$$M_0. \vec{l} = 2\vec{i} + \vec{j} - 2\vec{k}$$

35. Найти частные производные второго порядка функции $z = e^{x^2-y^2}$. Убедиться, что

$$\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = \frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x}.$$

36. Найти дифференциал II-го порядка функции $F = \frac{x}{y} e^{x^2}$ в точке $(0, 1)$

37. Найти экстремум функции. $z = x^3 + 8y^3 - 6xy + 5$

38. Найти частные производные от сложной функции. $z = \operatorname{ctg}(x+y)$, где $x = u^2 v^5$, $y = u^v$

39. Составить уравнение касательной плоскости и уравнения нормали к поверхности $z = x^2 - 2xy + y^2 - x + 2y$ в точке $M(1, 1, 1)$.

40. Написать уравнения касательных плоскостей к поверхности $x^2 - 3x + z^2 + 2 - 2y = 0$ в точке пересечения с осью Oy

Интегральное исчисление функции одной переменной

$$\int \frac{\arcsin^8 x - x}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

41. Вычислить неопределенный интеграл

42. Вычислить неопределенный интеграл $\int (5x + 6) \cos 2x dx$

43. Вычислить неопределенный интеграл $\int \frac{\ln^2 x dx}{\sqrt{x}}$

44. Вычислить неопределенный интеграл $\int \frac{2x^3 - x^2 - 7x - 12}{x(x+1)(x-3)} dx$
45. Вычислить неопределенный интеграл $\int \frac{x-3}{\sqrt{x^2+4x+8}} dx$
46. Вычислить неопределенный интеграл $\int \frac{2+tgx}{\sin^2 x + 2 \cos^2 x - 3} dx$
47. Вычислить неопределенный интеграл $\int \frac{\sqrt[3]{1+\sqrt{x}}}{x^3 \sqrt{x^2}} dx$
48. Вычислить неопределенный интеграл $\int \frac{\sqrt{x^2+9}}{x^4} dx$
49. Вычислить определенный интеграл $\int_1^3 \ln x dx$
50. Вычислить несобственный интеграл или доказать расходимость. $\int_0^{+\infty} x e^{-x^2} dx$
51. Вычислить несобственный интеграл или доказать расходимость $\int_0^2 \frac{dx}{(x-2)^2}$
52. Вычислить площадь фигуры, ограниченной указанными линиями.
Сделать чертеж. $y = x^2$ $y = \sqrt{x}$
53. Вычислить площадь фигуры, ограниченной заданными линиями.
 $x=a(t-\sin t)$, $y=a(1-\cos t)$, $y=0$, $0 \leq t \leq 2\pi$.

Дифференциальные уравнения

54. Найти общий интеграл дифференциального уравнения:
 $y' = \frac{4x + 2xy^2}{3x^2y + 3y}$
55. Найти решение задачи Коши
 $y' + xy = (1+x)e^{-x}y^2$ $y(0) = 1$
56. Найти общий интеграл дифференциального уравнения
 $3x^2 e^y dx + (x^3 e^y - 1) dy = 0$
57. Найти общий интеграл дифференциального уравнения
 $x + 4y + 4yy' = 0$
58. Найти общее решение дифференциального уравнения
 $y''(y+1) - (y')^2 = 0$

Найти общее решение дифференциального уравнения $y'' + 2y' + 5y = 7e^{4x}$.

59. Найти общее решение дифференциального уравнения $y'' + y = (\sin x)^{-1}$

60. Решить систему методом исключения неизвестных

$$\begin{cases} \dot{x} = x + 3y, \\ \dot{y} = x - y. \end{cases}, \quad x(0) = 1, y(0) = 2.$$

Кратные интегралы

61. Изменить порядок интегрирования

$$\int_0^1 dx \int_0^{x^2} f \, dy + \int_1^{\sqrt{2}} dx \int_0^{\sqrt{2-x^2}} f \, dy.$$

62. Вычислить.

$$\iint_D (27x^2y^2 + 48x^3y^3) dx dy;$$

$$D: x = 1, y = x^2, y = -\sqrt[3]{x}.$$

63. Вычислить.

$$\iint_D y \cos xy \, dx dy;$$

$$D: y = \pi/2, y = \pi, x = 1, x = 2.$$

64. Вычислить интегралы в полярной системе координат:

$$\iint_{\sigma} \sqrt{R^2 - x^2 - y^2} dx dy, \text{ где } \sigma \text{ задана системой неравенств: } x^2 + y^2 \leq R^2, y \geq x, y \leq \sqrt{3}x.$$

65. Вычислить тройные интегралы в декартовой системе координат

$$J = \iiint_V z y dx dy dz, \quad V: y = 0, x = 0, z = 0, z = x + y, x + y = 1;$$

66. Вычислить объемы тел, ограниченных поверхностями:

$$V: \begin{cases} x^2 + y^2 + z^2 \leq 1, \\ z^2 \leq x^2 + y^2. \end{cases}$$

Числовые ряды

67. Найти сумму ряда $\sum_{n=3}^{\infty} \frac{n-4}{n(n-1)(n-2)}.$

68. Исследовать ряд на сходимость: $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n \ln n}$

69. Исследовать ряд на сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{\sqrt[3]{n^2 + 2n - 1}}$

70. Исследовать ряд на сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos n}{n^4 + 2}$
71. Исследовать ряд на сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n n}{4n - 3}$
72. Исследовать на сходимость: $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x-5)^n}{3^{n+1} n \ln^3 n}$
73. Оценить ошибку, допускаемую при замене ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n!}$ суммой его первых четырех членов.
74. Разложить в степенной ряд функцию $y = \sqrt[3]{27 + x}$
75. Разложить в степенной ряд функцию $y = \ln(1 + x + x^2)$
76. Найти $\sqrt[4]{19}$ с точностью 0,0001.
77. Вычислить определенный интеграл $\int_0^{\frac{1}{5}} \frac{\ln(1 + 4x)}{x} dx$ с точностью $\alpha = 0,001$.

Раздел 9. Элементы теории вероятностей

78. Событие A – хотя бы одна из 5 машин на стоянке – легковая, событие B – все 5 машин на стоянке – грузовые. Определить, что представляют собой следующие события: а) $A + B$; б) $A \cdot B$; в) $A \cdot \bar{B}$; г) $\bar{A} \cdot B$?
79. В цехе работают шесть мужчин и четыре женщины. По табельным номерам наудачу отобраны семь человек. Найти вероятность того, что среди отобранных лиц окажутся три женщины.
80. В круг вписали равносторонний треугольник. В круг наудачу бросается точка. Какова вероятность, что она попадет в треугольник?
81. Изготовитель может получить заявки от четырех потребителей с вероятностями соответственно 0,1; 0,2; 0,3 и 0,4. Найти вероятность того, что поступит хотя бы одна заявка, если их поступления независимы.
82. Определить вероятность того, что на экзамене первые два студента достанут билеты с нечётными номерами, а следующие четыре студента с чётными, если всего билетов 25 и все они тщательно перемешаны.
83. Два охотника стреляют по одной цели, причем каждый делает по одному выстрелу. Вероятность попадания в цель для первого охотника равна 0,7, для второго – 0,8. Найти вероятность поражения цели
84. В компьютерном классе 50% компьютеров марки Hp, 28% – Lenovo, 22% – Acer. Определить вероятность того, что определенный студент в этом классе будет заниматься на компьютере Hp или Acer. Выбор компьютера происходит случайным образом.
85. В среднем из 100 клиентов отделения банка 60 обслуживаются первым операционистом и 40 – вторым операционистом. Вероятность того, что клиент будет обслужен без помощи заведующего отделением, только самим операционистом, составляет 0,9 и 0,75 соответственно для первого и второго служащих банка. Найти вероятность полного обслуживания клиентов первым операционистом.

11.1.2. Типовые задания для контрольных работ

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА 1

ПО ТЕМЕ «ВЕКТОРНАЯ И ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА. АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ»

1. Проверить невырожденность системы линейных уравнений и решить их тремя способами: по формулам Крамера, матричным методом, методом Гаусса

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - x_3 = 5, \\ 3x_1 - x_2 + x_3 = 4, \\ x_1 + x_2 + x_3 = 6. \end{cases}$$

2. Исследовать систему и в случае совместности решить ее.

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 - x_3 = 1; \\ x_1 + 3x_2 + 2x_3 = 5; \\ 5x_1 + 8x_2 + 3x_3 = 11; \\ x_1 + x_2 = 1. \end{cases}$$

3. Найти скалярное и векторное произведения векторов $2\vec{a} + \vec{b}$ и $3\vec{a} - 2\vec{b}$, площадь параллелограмма построенного на векторах $\vec{a} + \vec{b}$ и $3\vec{a} - \vec{b}$, $\vec{a} = 5\vec{i} - \vec{j} + 9\vec{k}$, $\vec{b} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - 6\vec{k}$.

4. Даны координаты вершин пирамиды A_1, A_2, A_3, A_4 . Требуется найти: 1) длину ребра $A_1 A_2$; 2) угол между ребрами $A_1 A_2$ и $A_1 A_4$; 3) площадь грани $A_1 A_2 A_3$; 4) объем пирамиды; 5) уравнение прямой $A_1 A_4$; 6) уравнение плоскости $A_1 A_2 A_3$; 7) угол между ребром $A_1 A_4$ и гранью $A_1 A_2 A_3$; 8) уравнение высоты, опущенной из вершины A_4 на грань $A_1 A_2 A_3$. Сделать чертеж. $A_1(3,3,9)$, $A_2(6,9,1)$, $A_3(1,7,3)$, $A_4(8,5,8)$.

5. Построить на плоскости кривую, приведя ее уравнение к каноническому виду: $x^2 + 8x + 2y + 20 = 0$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА 2

ПО ТЕМЕ “ПРЕДЕЛЫ И НЕПРЕРЫВНОСТЬ. ГРАФИКИ ФУНКЦИИ”

1. Найти указанные пределы, не пользуясь правилом Лопиталя.

а) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^5 + 7x^4 - 2x}{5x^2 + 6x^5 - 4}$

б) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{9 - x^2}{2x^2 + 3x - 9}$

в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}$

г) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + x^2}{\arcsin^2 3x}$

д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{9}{x}\right)^{3x}$

2. Задана функция $y = f(x)$ и два значения аргумента. Требуется:

- 4) установить, является ли данная функция непрерывной или разрывной для каждого из данных значений аргумента;
- 5) в случае разрыва функции найти ее предел в точке разрыва слева и справа;
- 6) сделать схематический чертеж.

$$f(x) = 9^{\frac{1}{3+x}} \quad x_1 = -1 \quad x_2 = -3$$

3. Задана функция $y = f(x)$. Найти точки разрыва функции, если они существуют. Сделать схематический чертеж.

$$f(x) = \begin{cases} \cos x & \text{если } x \leq 0 \\ x^2 - 2 & \text{если } 0 < x < 1 \\ -1 & \text{если } x \geq 1 \end{cases}$$

4. Исследовать методами дифференциального исчисления функции $y = f(x)$; используя результаты исследования, построить ее график:

$$y = 3x^2 - 2 - x^3$$

5. Найти пределы функций по правилу Лопиталя:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \operatorname{arctg} x}{x^3} \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x}{x-1} - \frac{1}{\ln x} \right)$$

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА 3 ПО ТЕМЕ “ФУНКЦИЯ НЕСКОЛЬКИХ ПЕРЕМЕННЫХ”

1. Найти и построить область определения функции $z = \frac{3xy}{(2x-5y)}$

2. Найти частные производные первого порядка функции $z = \arcsin \sqrt{xy}$.

3. Найти градиент функции $f(x, y, z)$ в точке M_0 . Вычислить производную по направлению вектора $\vec{l}$ от функции $f(x, y, z)$ в точке M_0 .

$$f(x, y, z) = x^2 + y^2 - xz^2, \quad M_0(1, 3, 2),$$

$$\vec{l} = 2\vec{i} + \vec{j} - 2\vec{k}$$

4. Найти частные производные второго порядка функции $z = f(x, y)$. Убедиться, что

$$\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = \frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x}.$$

$$z = e^{x^2 - y^2}$$

5. Найти экстремум функции. $z = x^3 + 8y^3 - 6xy + 5$

6. Найти частные производные от сложной функции. $z = \operatorname{ctg}(x + y)$, где $x = u^2 v^5$, $y = u^v$

7. Составить уравнение касательной плоскости и уравнения нормали к поверхности $z = x^2 - 2xy + y^2 - x + 2y$ в точке $M(1, 1, 1)$.

Контрольная работа 4 по теме “ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ”

1. Найти общий интеграл дифференциального уравнения:

$$y' = \frac{4x + 2xy^2}{3x^2y + 3y}$$

2. Найти решение задачи Коши

$$y' + xy = (1+x)e^{-x}y^2 \quad y(0) = 1$$

3. Найти общее решение дифференциального уравнения

$$y''(y+1) - (y')^2 = 0$$

4. Найти общее решение дифференциального уравнения

$$y'' + y = 2 \sin x - 6 \cos x + 2e^x.$$

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА 5 ПО ТЕМЕ ” КРАТНЫЕ ИНТЕГРАЛЫ “

1. Изменить порядок интегрирования.

$$\int_2^4 dy \int_{-\sqrt{4y}}^{\sqrt{4y-y^2}} f(x, y) dx$$

2. Вычислить $\iint_D xy dx dy$, где $D: \begin{cases} y \geq x^2 - x \\ y \leq x \\ y \geq 1 - x \end{cases}$

3. Найти объем тела, ограниченного поверхностями $\begin{cases} z = \sqrt{144 - x^2 - y^2} \\ 18z = x^2 + y^2 \end{cases}$

4. Найти объем тела
$$\begin{cases} z \geq \sqrt{\frac{x^2 + y^2}{99}}, & y \leq 0, \quad y \leq \sqrt{3}x \\ 4 \leq z^2 + x^2 + y^2 \leq 49 \end{cases}$$
5. Вычислить $\int_L x ds$, где L – дуга параболы $y = x^2$ с координатами концов $x = 0, x = 1$.
6. Вычислить $\iint_{\sigma} (3x^2 + 5y^2 + 3z^2 - 2) d\sigma$, где $\sigma: y = \sqrt{x^2 + z^2} \quad y = 0, y = 1$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 6 ПО ТЕМЕ «ЧИСЛОВЫЕ И ФУНКЦИОНАЛЬНЫЕ РЯДЫ, РЯДЫ ФУРЬЕ»

1. Исследовать ряд на сходимость:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 2^n}{n^3}$$

2. Исследовать ряд на сходимость:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5(n)! (2n)! (-1)^n}{(3n)!}$$

3. Найти область сходимости ряда:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-3)^n}{\ln(n+5) 4^n}$$

4. Найти область сходимости ряда:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+2}{n}\right)^{n^2} (x-3)^n$$

5. Разложить в ряд Фурье функцию

$$y = -2x$$

если $x \in [0; \pi]$

11.1.3. Типовые тестовые задания ПРИМЕРНЫЙ ТЕСТ ПО ТЕМЕ «ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА»

1. Определитель $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 4 & 3 \\ 2 & 3 & 5 & 1 \\ 1 & 0 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 5 & 0 \end{vmatrix}$ равен ...

1) -2 2) 1 3) 5 4) -9

2. Если $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 0 \end{bmatrix}$ и $B = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$, то $B - 2A = \dots$

1) 1 2) -19 3) $\begin{bmatrix} 4 & 4 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$ 4) $\begin{bmatrix} -5 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$

3. Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 5 & 7 \end{pmatrix}$ $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 3 & 1 & 0 \end{pmatrix}$

Какие из операций можно выполнить

1) $A+B$ 2) $A^T + B$ 3) AB 4) BA

4. Какие из матриц имеют обратные

$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 1 \\ 0 & 6 \end{pmatrix}$ $B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ $D = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 5 & 7 \end{pmatrix}$

1) только C 2) A и B 3) B и D 4) все матрицы

5. Найти обратную матрицу $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$

1) $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ 2) $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ 3) $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ 4) $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$

6. Решить систему:

$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 6 \\ 2x_1 + 3x_2 - 4x_3 = -1 \\ 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 = -6 \end{cases}$$

1) Нет решений 2) (2;1;2) 3) (1;-1;2) 4) (0;1;1)

11.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта в ходе промежуточной аттестации по дисциплине

Экзамен проводится в тестовой и устно-письменной форме по всему материалу изучаемого курса «Математика»

Пример экзаменационного билета 1 семестра

1. Матрицы и операции над ними.
2. Построить в полярной системе координат и определить тип линии $\rho = 1 - \cos \varphi$.
3. Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\sqrt[3]{x^2 + 5x + 3} - \sqrt[3]{x^2 + 2x + 4} \right)$.
4. Найти асимптоты графика функции $y = \frac{1}{(x^2 - 1)(x - 1)}$.

Пример экзаменационного билета 2 семестра

1. Функции нескольких переменных. Основные понятия, область определения.
2. Вычислить $\int_{-2}^0 (x^2 - 4) \cos 3x dx$.
3. Решить дифференциальное уравнение: $(x + \sin y)dx + (x \cos y + \sin y)dy = 0$.
4. Исследовать функцию на экстремум: $y = 2x^3 + 3y^3 - 6x + y$.

Пример экзаменационного билета 3 семестра

1. Двойные интегралы. Определение, геометрический смысл.
2. Найти поток векторного поля $\vec{a}$ через поверхность S (нормаль внешняя к замк. поверх.):
 $\vec{a} = (x + y)\vec{i} + (y - x)\vec{j} + z\vec{k}$, $S : x^2 + y^2 = z^2 (z \geq 0)$, $z = 3$.
3. Исследовать на сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\ln(n+1)} x^n$.
4. В урне находится 3 белых и 5 черных шаров. Найти вероятность того, что среди четырех взятых случайным образом шаров будет ровно 2 белых шара

Перечень вопросов для подготовки к экзамену в первом семестре (ОПК-2, ИОПК-2.1, ИОПК-2.2)

1. Матрицы и операции над ними.
2. Невырожденность матрицы, ее ранг. Понятие линейной независимости. Определитель матрицы.
3. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по строке. Вычисление ранга матрицы. Нахождение A^{-1} .
4. Методы решения систем линейных уравнений.
5. Векторные пространства. Линейная независимость векторов. Базис векторного пространства и координаты вектора.
6. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов.
7. Прямая на плоскости.
8. Плоскость в пространстве.
9. Прямая в пространстве. Векторный подход при решении задач.
10. ЛВП. Овальные линии: эллипс, парабола, гипербола.
11. Общее уравнение ЛВП. Классификация ЛВП. Приведение ЛВП к каноническому виду.
12. ПВП. Эллипсоид, параболоиды, гиперболоиды. Их свойства.
13. Конусы. Цилиндры. Поверхности вращения. Сечения ПВП.
14. Полярная система координат.
15. Основные понятия математического анализа.
16. Последовательность и ее предел.
17. Предел функции.
18. Неопределенности и их раскрытие. Монотонная функция.
19. Второй замечательный предел. Классификация бесконечно малых.
20. Непрерывность и разрывы функций. Асимптоты графика функции.
21. Понятие производной функции. Простейшие правила ее вычисления.
22. Производная сложной функции. Логарифмирование.
23. Дифференциал. Геометрический смысл дифференциала. Уравнение касательной.
24. Производные функций заданных параметрически и неявно.
25. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница. Формула Тейлора.

26. Исследование функций с помощью производных.
27. Построение графика функции. Наибольшее и наименьшее значения функции.
28. Правило Лопиталя.
29. Понятие комплексного числа.
30. Корень n -ой степени из комплексного числа.

Перечень вопросов для подготовки к экзамену во втором семестре
(ОПК-2, ИОПК-2.1, ИОПК-2.2)

1. Функции нескольких переменных. Основные понятия, область определения.
2. Предел функции нескольких переменных. Непрерывность ФНП.
3. Производные и дифференциалы функции нескольких переменных.
4. Экстремум функции нескольких переменных.
5. Наибольшее и наименьшее значения функции нескольких переменных.
6. Условный экстремум функции нескольких переменных.
7. Понятие неопр. интеграла. Таблица неопр. интегралов.
8. Простейшие правила интегрирования. Занесение под знак дифференциала.
9. Основные методы интегрирования: замена переменной и интегрирование по частям.
10. Классы интегрируемых функций. Интегрирование рациональных дробей.
11. Интегрирование тригонометрических выражений. Тригонометрические подстановки.
12. Интегрирование иррациональных выражений.
13. Понятие определенного интеграла и интегральных сумм. Свойства опред. интеграла. Геометрический смысл определенного интеграла.
14. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенного интеграла с помощью неопределенного.
15. Несобственные интегралы.
16. Исследование несобственных интегралов на сходимость.
17. Обыкновенные дифф. уравнения. ДУ первого порядка.
18. ДУ с разделенными и разделяющимися переменными.
19. Однородные ДУ. ДУ в полных дифференциалах
20. Линейные ДУ первого порядка. ДУ Бернулли.
21. ДУ высших порядков. ДУ допускающие понижение степени.
22. Линейные ДУ высших порядков.

Перечень вопросов для подготовки к экзамену в третьем семестре
(ОПК-2, ИОПК-2.1, ИОПК-2.2,)

1. Двойные интегралы. Определение, геометрический смысл.
2. Основные свойства двойных интегралов. Сведение вычисления двойных интегралов к вычислению повторных.
3. Замена переменной в двойном интеграле. Переход к полярным координатам.
4. Приложения двойных интегралов.
5. Тройной интеграл. Основные понятия и определения.
6. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах.
7. Замена переменной в тройном интеграле. Переход к цилиндрическим и сферическим координатам.
8. Криволинейный интеграл I-го рода.
9. Криволинейный интеграл II-го рода.
10. Формула Грина. Независимость криволинейного интеграла II-го рода от пути интегрирования.
11. Приложения криволинейного интеграла II-го рода.
12. Поверхностный интеграл I-го рода.
13. Поверхностный интеграл II-го рода.
14. Векторное поле. Гидромеханическая интерпретация. Основные понятия.

15. Формулы Остроградского-Гаусса и Стокса.
16. Циркуляция и ротор векторного поля. Операторная форма записи основных полевых характеристик.
17. Числовой ряд. Основные понятия и определения. Необходимое условие сходимости.
18. Теоремы сравнения. Гармонические ряды.
19. Признаки сходимости – расходимости рядов. Признак Даламбера, радикальный и интегральный признаки Коши.
20. Ряды с произвольными членами. Абсолютная и условная сходимость рядов.
21. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница.
22. Функциональные ряды. Основные понятия и определения.
23. Степенные ряды. Теорема Абеля.
24. Разложение функций в ряды Маклорена и Тейлора.
25. Ряды Фурье. Основные понятия и определения.
26. Предмет изучения теории вероятностей.
27. Алгебра событий. Теорема сложения несовместных событий
28. Теорема сложений вероятностей совместных событий.
29. Условная вероятность. Теоремы умножения для зависимых и независимых событий.
30. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

Полный фонд оценочных средств для контроля освоения дисциплины размещен в банке вопросов данного курса дисциплины в eLearning Server 4G ЭИОС НГТУ по адресу https://edu.nntu.ru/lesson/list/index/subject_id/1120

УТВЕРЖДАЮ:

Директор института ИТС

« ____ » _____ 202__ г.

Лист актуализации рабочей программы дисциплины

« _____ »
индекс по учебному плану, наименование

для подготовки бакалавров/ специалистов/ магистров

Направление: {шифр – название} _____

Направленность: _____

Форма обучения _____

Год начала подготовки: _____

Курс _____

Семестр _____

а) В рабочую программу не вносятся изменения. Программа актуализирована для 20__ г. начала подготовки.

б) В рабочую программу вносятся следующие изменения (указать на какой год начала подготовки):

1)

2)

3)

Разработчик (и): _____
(ФИО, ученая степень, ученое звание) « ____ » _____ 2021 г.

Рабочая программа пересмотрена и одобрена на заседании кафедры _____
_____ протокол № _____ от « ____ » _____ 2021 г.

Заведующий кафедрой _____

Лист актуализации принят на хранение:

Заведующий выпускающей кафедрой (наименование) _____ « ____ » _____ 2021 г.

Методический отдел УМУ: _____ « ____ » _____ 2021 г.